

Critères pour déterminer le type réel, complexe ou quaternionique d'une représentation irréductible d'une algèbre de Lie réelle simple.

Type	Algèbre	Condition	Repr. complexes	Repr. quaternioniques
A_n	$\mathfrak{sl}(p, q)$	$p - q \equiv 0 \pmod{4}$		Aucune
		$p - q \equiv 2 \pmod{4}$		Aucune
		$p - q \equiv 1, 3 \pmod{4}$		Aucune
	$\mathfrak{sl}_n(\mathbb{H})$		Aucune	
	$\mathfrak{sl}_n(\mathbb{R})$		Aucune	Aucune
B_n	$\mathfrak{so}(p, q)$	$p - q \equiv 3, 5 \pmod{8}$	Aucune	
		$p - q \equiv 1, 7 \pmod{8}$	Aucune	Aucune
C_n	$\mathfrak{sp}(p, q)$	$p + q$ pair	Aucune	
		$p + q$ impair	Aucune	
	$\mathfrak{sp}_n(\mathbb{R})$		Aucune	Aucune
D_n	$\mathfrak{so}(p, q)$	$p - q \equiv 0 \pmod{8}$	Aucune	Aucune
		$p - q \equiv 4 \pmod{8}$	Aucune	
		$p - q \equiv 2, 6 \pmod{8}$		Aucune
	$\mathfrak{so}^*(2n)$	n pair	Aucune	
		n impair		
G_2	$G_{2, \text{comp}}, G_2$		Aucune	Aucune
F_4	$F_{4, \text{comp}}, F_4, F_4$		Aucune	Aucune
E_6	$E_{6, \text{comp}}, E_6, E_6$			Aucune
			Aucune	Aucune
E_7	$E_{7, \text{comp}}, E_7, E_7$		Aucune	Aucune
			Aucune	
E_8	$E_{8, \text{comp}}, E_8, E_8$		Aucune	Aucune

racine peinte dans le diagramme de Dynkin.

Légende:

- une représentation est complexe ssi son plus haut poids n'est pas invariant par l'automorphisme indiqué;
- une représentation est quaternionique ssi ~~son plus haut poids~~ la somme des coordonnées de son plus haut poids correspondant aux nœuds peints est impaire.

