

Classification des groupes de Lie ~~réels~~ simples complexes

(A_n) $PSL_{n+1}(\mathbb{C}) \xrightarrow{SL_{n+1}(\mathbb{C})/U_{n+1} \text{ pour tout } d|n+1} SL_{n+1}(\mathbb{C})$
 ↖ diviseurs premiers de $n+1$

(B_n) $SO_{2n+1}(\mathbb{C}) \xrightarrow{2} Spin_{2n+1}(\mathbb{C})$

(C_n) $PSp_n(\mathbb{C}) \xrightarrow{2} Sp_n(\mathbb{C})$

$(D_n, n \text{ impair})$ $PSO_{2n}(\mathbb{C}) \xrightarrow{2} SO_{2n}(\mathbb{C}) \xrightarrow{2} Spin_{2n}(\mathbb{C})$

$(D_n, n \text{ pair})$ $PSO_{2n}(\mathbb{C}) \begin{cases} \xrightarrow{2} SSpin_{2n}(\mathbb{C}) \\ \xrightarrow{2} SO_{2n}(\mathbb{C}) \\ \xrightarrow{2} SSpin'_{2n}(\mathbb{C}) \end{cases} \begin{cases} \xrightarrow{2} Spin_{2n}(\mathbb{C}) \\ \xrightarrow{2} Spin_{2n}(\mathbb{C}) \\ \xrightarrow{2} Spin_{2n}(\mathbb{C}) \end{cases}$

(G_2)

G_2

(F_4)

F_4

(E_6)

$E_6 Ad \xrightarrow{3} E_6 SC$

(E_7)

$E_7 Ad \xrightarrow{2} E_7 SC$

(F_8)

F_8